

[説明資料(提出ファイル)] 発明・工夫作品コンテスト 製作の動機または目的、利用方法、作品自体やその製作過程で工夫したことを、文章、写真、図などで説明。この用紙1枚に記入し、PDFに変換した後、web提出フォームにて提出する。

個人・グループ名	石嶺達騎	大学名	静岡大学
作品名	全方向移動型倒立振子教材の開発	人数	1名

## 目的



- 球体の回転により倒立する玉乗りロボット教材の開発を行う。
- 学習者が瞬間的なフィードバック制御について理解・活用する。
- 車輪型倒立振子では学習することのできなかつたベクトルの概念や、安定性を考慮した制御設計の力を養う。

## 結論

- 玉乗りロボット教材の筐体の製作を行った。制御システムを構築した。
- 3Dモデルやグラフにより学習者が視覚的にフィードバック制御を理解できる表示・ゲイン調整システムを構築した。
- 生徒がフィードバック制御の流れを理解するための制御フロー設定システムを構築した。

## 研究背景

現在、世の中には多くのフィードバック制御が用いられている。  
人間が知覚しにくいフィードバック制御

- ドローンの姿勢制御
- カメラのAF

制御が瞬間的であったり、制御量が細かいため知覚しにくい。  
→瞬間的なフィードバック制御を学ぶことができる教材の必要性

## 倒立振子とは

- 支点よりも重心が高い位置にある振り子のこと。
- Segwayなどの車輪型倒立振子ロボットや村田製作所チアリーディング部の全方向移動型倒立振子ロボットなどに応用されている。



1) http://www.segway-japan.net/model.html  
2) https://www.murata.com/jp/about/mboymgr/mcheerleaders

## 倒立振子の制御式

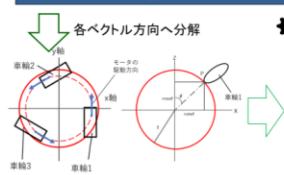
- PID制御でモータ操作量を変化させる。

$$u_x = k_p \varphi_x + \frac{k_d \dot{\varphi}_x}{s} + k_i \varphi_x s$$

$$u_y = k_p \varphi_y + \frac{k_d \dot{\varphi}_y}{s} + k_i \varphi_y s$$

$u$ :モータ操作量  
 $\varphi$ :角度  
 $s$ :時間  
 $k$ :比例ゲイン  
 $k_i$ :積分ゲイン  
 $k_d$ :微分ゲイン

各ベクトル方向へ分解



### 各モータの速度制御式

$$v_{s1} = -u_y \cos\theta - r \sin\theta \omega_z$$

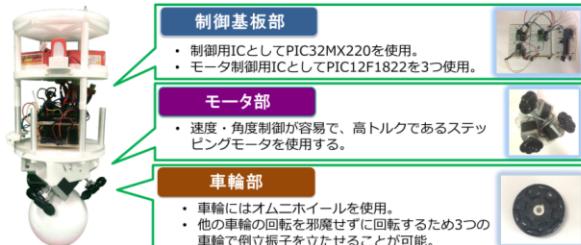
$$v_{s2} = (\pm \frac{\sqrt{3}}{2} u_x + \frac{1}{2} u_y) \cos\theta - r \sin\theta \omega_z$$

$$v_{s3} = (-\frac{\sqrt{3}}{2} u_x + \frac{1}{2} u_y) \cos\theta - r \sin\theta \omega_z$$

$v_{s1} \sim v_{s3}$ :モータの回転速度  
 $\theta$ :天頂角  
 $\omega_z$ :船首方向の角速度  
 $r$ :球の半径

## 開発するロボット

- 熊谷らが開発した「玉乗りロボット BallIPMini」を参考に3次元CADと3Dプリンタを用いて製作した。



### 制御基板部

- 制御用ICとしてPIC32MX220を使用。
- モータ制御用ICとしてPIC12F1822を3つ使用。

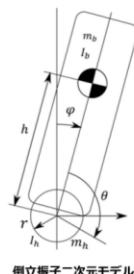
### モータ部

- 速度・角度制御が容易で、高トルクであるステッピングモータを使用する。

### 車輪部

- 車輪にはオムニホイールを使用。
- 他の車輪の回転を邪魔せずに回転するため3つの車輪で倒立振子を立てることが可能。

## 移動計算式



$m_b$ (倒立振子の重さ)	: 2044.9 [g]
$m_h$ (球の重さ)	: 1500.0 [g]
$I_b$ (倒立振子の慣性モーメント)	: 13.930 [gm <sup>2</sup> ]
$I_h$ (球の慣性モーメント)	: 1.4113 [gm <sup>2</sup> ]
$r$ (球の半径)	: 0.0485 [m]
$h$ (重心までの高さ)	: 0.1021 [m]

倒立振子二次元モデル

- オイラー・ラグランジュ方程式から球の角加速度 $\ddot{\theta}$ を算出する。

$$\ddot{\theta} = \frac{\frac{\beta g \sin\varphi}{r} + \beta \dot{\varphi}^2 \sin\varphi - (\alpha + \gamma + 2\beta \cos\varphi)}{\alpha + \beta \cos\varphi}$$

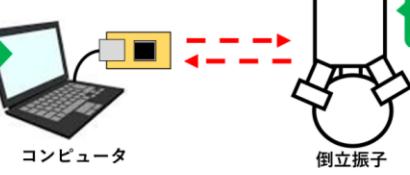
ただし  $\alpha = I_b + (m_b + m_h)r^2$ ,  $\beta = m_b r h$ ,  $\gamma = I_b + m_b h^2$ , 傾き角 $\varphi$ を設定

算出した角加速度 $\ddot{\theta}$ を積分し、球の半径を乗じることで速度や移動距離を求めることが可能となる。

松本, 熊谷「玉乗りロボットの移動性能向上に関する研究」  
計測自動制御学会東北支部 第27回研究集会資料番号227-8

## システムの概要

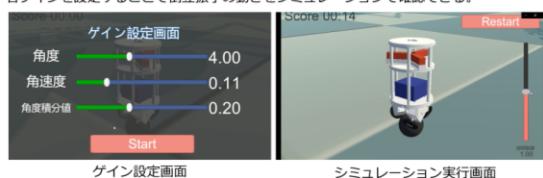
- 倒立振子プログラムの作成・転送
- 表示・ゲイン調整システムで姿勢情報を確認
- ゲイン値を転送



- 制御プログラムの作成を通してフィードバック制御に必要な要素を理解できる。
- 倒立振子の計測値や制御量をPC上で確認・調整することができる。

## シミュレーション

- Unityを用いて倒立振子シミュレーションを開発した。
- 各ゲインを設定することで倒立振子の動きをシミュレーションで確認できる。



## 制御フロー設定システム

- 学習者が倒立振子の制御の流れを理解するためのシステムを開発した。
- 各制御ブロックを使い制御フローを設定することができる。



## 表示・ゲイン調整システム

- 3Dモデルにより、車体の実際の動きと計算上の動きを比べることができる。
- 角度や速度のグラフにより、車体のフィードバックを確認できる。

